

Series : EH5GF



SET ~ 2



रोल नं.

Roll No.



प्रश्न-पत्र कोड
Q.P. Code **430/5/2**

परीक्षार्थी प्रश्न-पत्र कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें।

Candidates must write the Q.P. Code on the title page of the answer-book.

नोट

- (I) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ 23 हैं।
- (II) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में 38 प्रश्न हैं।
- (III) प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें।
- (IV) कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में यथा स्थान पर प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें।
- (V) इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है। प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा। 10.15 बजे से 10.30 बजे तक परीक्षार्थी केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे।

NOTE

- (I) Please check that this question paper contains 23 printed pages.
- (II) Please check that this question paper contains 38 questions.
- (III) Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
- (IV) Please write down the Serial Number of the question in the answer-book at the given place before attempting it.
- (V) 15 minutes time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the candidates will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.



गणित (बुनियादी)



MATHEMATICS (BASIC)

निर्धारित समय : 3 घण्टे

Time allowed : 3 hours

अधिकतम अंक : 80

Maximum Marks : 80



• • •

General Instructions :

Read the following instructions carefully and follow them :

- (i) *This Question Paper contains 38 questions. All questions are compulsory.*
- (ii) *Question Paper is divided into FIVE Sections – SECTION A, B, C, D and E.*
- (iii) *In Section–A, question numbers 1 to 18 are Multiple Choice Questions (MCQs) and question numbers 19 & 20 are Assertion-Reason based questions of 1 mark each.*
- (iv) *In Section–B, question numbers 21 to 25 are Very Short Answer (VSA) type questions of 2 marks each.*
- (v) *In Section–C, question numbers 26 to 31 are Short Answer (SA) type questions carrying 3 marks each.*
- (vi) *In Section–D, question numbers 32 to 35 are Long Answer (LA) type questions carrying 5 marks each.*
- (vii) *In Section–E, question numbers 36 to 38 are case-based integrated units of assessment questions carrying 4 marks each. Internal choice is provided in 2 marks question in each case-study.*
- (viii) *There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in 2 questions in Section-B, 2 questions in Section-C, 2 questions in Section-D and 3 questions of 2 marks in Section-E.*
- (ix) *Draw neat figures wherever required. Take $\pi = 22/7$ wherever required if not stated.*
- (x) *Use of calculator is NOT allowed.*



(बहुविकल्पीय प्रश्न)

इस खण्ड में 20 बहुविकल्पीय प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक का 1 अंक है।

- बिंदुओं $(-4, 5)$ तथा $(0, -10)$ को जोड़ने वाले रेखाखंड को बिन्दु $(x, 0)$ निम्न अनुपात में विभाजित करता है :
 (A) 1 : 3 (B) 2 : 1
 (C) 1 : 1 (D) 1 : 2
- 52 पत्तों वाली ताश की गड्डी में से एक काला पत्ता खो गया है। बाकी बचे हुए पत्तों को अच्छी प्रकार से फेंटकर उनमें से यादृच्छया एक पत्ता निकाला गया। इसकी प्रायिकता कि निकाला गया पत्ता पान का बादशाह है, है
 (A) $\frac{1}{52}$ (B) $\frac{1}{4}$
 (C) $\frac{1}{51}$ (D) $\frac{1}{26}$
- $(2 - 5\sqrt{3})^2$
 (A) एक ऋणात्मक पूर्णांक है। (B) एक अपरिमेय संख्या है।
 (C) एक परिमेय संख्या है। (D) एक धनात्मक पूर्णांक है।
- A.P. : $5\sqrt{3}, 2\sqrt{3}, -\sqrt{3}, \dots$ का 16वाँ पद है :
 (A) $-25\sqrt{3}$ (B) $-40\sqrt{3}$
 (C) $50\sqrt{3}$ (D) $-45 + 5\sqrt{3}$
- समीकरण $x^2 - 8 = 0$ के मूल हैं
 (A) परिमेय तथा भिन्न (B) अपरिमेय तथा भिन्न
 (C) वास्तविक तथा समान (D) वास्तविक नहीं



Section – A

 $20 \times 1 = 20$

(Multiple Choice Questions)

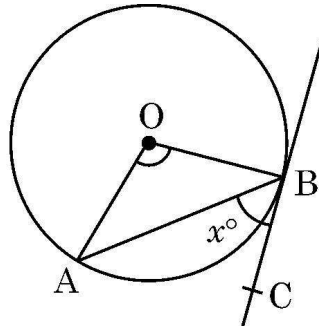
Section-A consists of **20** Multiple Choice Questions of **1** mark each.

1. The point $(x, 0)$ divides the line segment joining the points $(-4, 5)$ and $(0, -10)$ in the ratio
(A) $1 : 3$ (B) $2 : 1$
(C) $1 : 1$ (D) $1 : 2$
2. A black card is lost from a deck of 52 playing cards. Rest of the cards are shuffled and one card is drawn at random from the available cards. The probability that drawn card is 'king of hearts', is
(A) $\frac{1}{52}$ (B) $\frac{1}{4}$
(C) $\frac{1}{51}$ (D) $\frac{1}{26}$
3. $(2 - 5\sqrt{3})^2$ is
(A) a negative integer (B) an irrational number
(C) a rational number (D) a positive integer
4. The 16th term of the A.P. : $5\sqrt{3}, 2\sqrt{3}, -\sqrt{3}, \dots$ is
(A) $-25\sqrt{3}$ (B) $-40\sqrt{3}$
(C) $50\sqrt{3}$ (D) $-45 + 5\sqrt{3}$
5. The roots of the equation $x^2 - 8 = 0$ are
(A) rational and distinct (B) irrational and distinct
(C) real and equal (D) not real

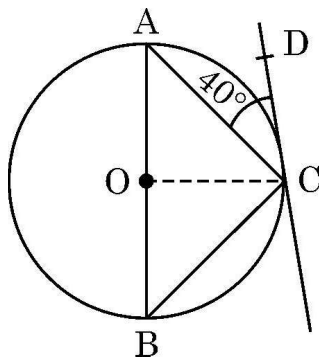


• • •

6. केन्द्र O वाले वृत्त की स्पर्श-रेखा BC, जीवा AB से x° कोण बनाती है। यदि $\angle AOB = 100^\circ$ है, तो x का मान है :



- (A) 40 (B) 80
(C) 90 (D) 50
7. दी गयी आकृति में, AB बिन्दु O पर केन्द्रित वृत्त का व्यास है। CD वृत्त की स्पर्श-रेखा है ताकि $\angle ACD = 40^\circ$ है। $\angle CBA$ का मान है

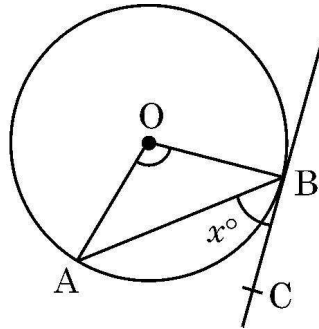


- (A) 50° (B) 40°
(C) 80° (D) 45°
8. ऐसा द्विघाती बहुपद जिसका सिर्फ एक शून्यक (-2) है, है
- (A) $(x - 2)^2$ (B) $x^2 - 2$
(C) $x^2 + 2x$ (D) $(x + 2)^2$

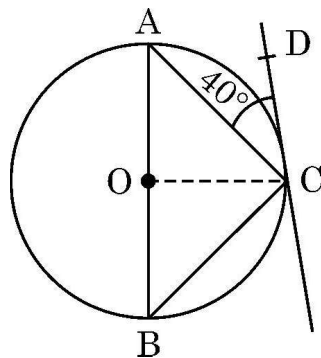


• • •

6. Tangent BC makes an angle of x° with the chord AB of circle centered at O. If $\angle AOB = 100^\circ$, then value of x is



- (A) 40 (B) 80
(C) 90 (D) 50
7. In the given figure, AB is diameter of the circle with centre O. CD is tangent to the circle so that $\angle ACD = 40^\circ$. The value of $\angle CBA$ is

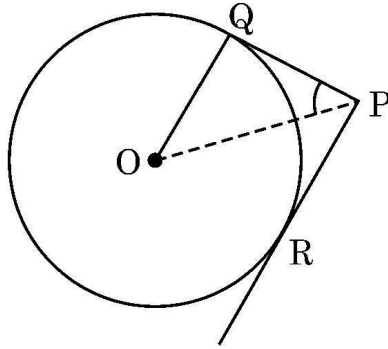


- (A) 50° (B) 40°
(C) 80° (D) 45°
8. A quadratic polynomial having only zero (-2) is
- (A) $(x - 2)^2$ (B) $x^2 - 2$
(C) $x^2 + 2x$ (D) $(x + 2)^2$



• • •

9. केन्द्र O वाले वृत्त पर बिन्दु P से दो स्पर्श-रेखायें PQ तथा PR इस प्रकार खींची गई हैं कि $OQ = QP$ है। $\angle OPQ$ का मान है

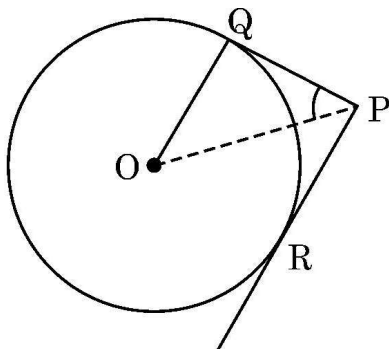


- (A) 45° (B) 30°
 (C) 60° (D) 90°
10. यदि $\tan A = 1$ है, तो $3 \sin A + \cos A$ का मान है
- (A) $4\sqrt{2}$ (B) 4
 (C) $2\sqrt{2}$ (D) $4 \times 45^\circ$
11. निम्न में से क्या, आँकड़ों के सभी प्रेक्षणों पर निर्भर करता है ?
- (A) माध्यक (B) माध्य
 (C) सीमा (D) बहुलक
12. k का वह मान जिसके लिये द्विघात समीकरण $kx(x - 2) + 6 = 0$ के मूल वास्तविक एवं समान हैं, है :
- (A) सिर्फ 0 (B) 0, 6
 (C) सिर्फ 6 (D) सिर्फ -6
13. 22 cm लम्बी चाप वृत्त के केन्द्र पर x° का कोण अंतरित करती है। यदि वृत्त की त्रिज्या 36 cm है तो x का मान है
- (A) 35 (B) 40
 (C) 60 (D) 30



• • •

9. PQ and PR are tangents to a circle with centre O such that $OQ = QP$. The value of $\angle OPQ$ is equal to



- (A) 45° (B) 30°
(C) 60° (D) 90°
10. If $\tan A = 1$, then $3 \sin A + \cos A$ is equal to
(A) $4\sqrt{2}$ (B) 4
(C) $2\sqrt{2}$ (D) $4 \times 45^\circ$
11. Which of the following depends on all observations of a given data ?
(A) Median (B) Mean
(C) Range (D) Mode
12. The value of k for which roots of quadratic equation $kx(x - 2) + 6 = 0$ are real and equal, is
(A) 0 only (B) 0, 6
(C) 6 only (D) -6 only
13. An arc of length 22 cm subtends an angle of x° at the centre of the circle. If radius of circle is 36 cm, the value of x is
(A) 35 (B) 40
(C) 60 (D) 30



• • •

14. दो पासों को एक साथ फेंका जाता है। सिर्फ एक पासे पर संख्या 4 आने की प्रायिकता है

(A) $\frac{11}{36}$

(B) $\frac{1}{3}$

(C) $\frac{5}{18}$

(D) $\frac{1}{4}$

15. बिंदुओं (2, 3) तथा (-2, -3) के बीच की दूरी है

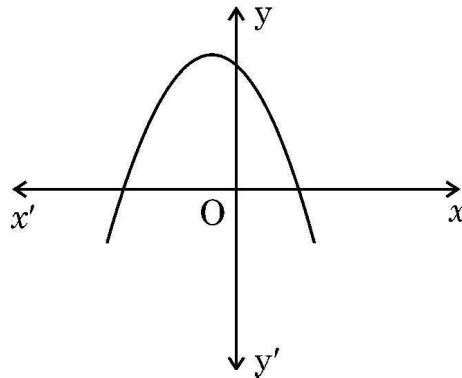
(A) $4\sqrt{13}$

(B) $\sqrt{40}$

(C) $2\sqrt{13}$

(D) 5

16. बहुपद $p(x)$ के दिए गए ग्राफ को ध्यानपूर्वक देखिये। बहुपद $p(x)$ के शून्यकों की संख्या है



(A) 0

(B) 1

(C) 3

(D) 2

17. किसी घटना E के घटित होने की प्रायिकता $P(E) = 1\%$ है। $P(\bar{E})$ बराबर है :

(A) 0.09

(B) 0.99

(C) $\frac{1}{99}$

(D) 0.90

18. 25 cm भुजा वाले एक खोखले घन में, जितना बड़ा संभव हो सके, शंकु रखा गया है। शंकु के आधार की त्रिज्या है

(A) 5 cm

(B) 12.5 cm

(C) 25 cm

(D) 10 cm



• • •

14. Two dice are rolled together. The probability that only one die shows number 4, is

(A) $\frac{11}{36}$

(B) $\frac{1}{3}$

(C) $\frac{5}{18}$

(D) $\frac{1}{4}$

15. The distance between the points (2, 3) and (−2, −3) is

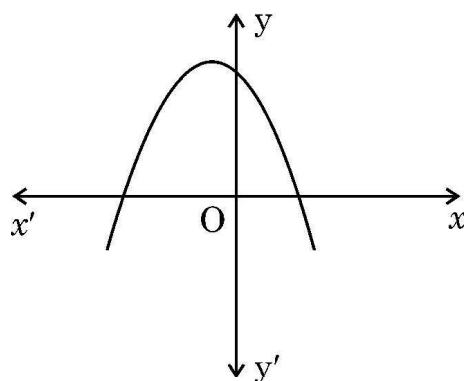
(A) $4\sqrt{13}$

(B) $\sqrt{40}$

(C) $2\sqrt{13}$

(D) 5

16. Observe the given graph of polynomial $p(x)$. The number of zeroes of $p(x)$ is



(A) 0

(B) 1

(C) 3

(D) 2

17. If E is an event such that $P(E) = 1\%$, then $P(\bar{E})$ is equal to

(A) 0.09

(B) 0.99

(C) $\frac{1}{99}$

(D) 0.90

18. The largest possible cone is just fitted inside a hollow cube of edge 25 cm. The radius of the base of the cone is

(A) 5 cm

(B) 12.5 cm

(C) 25 cm

(D) 10 cm



• • •

(Assertion – Reason based questions)

Directions : Question numbers **19** and **20** are Assertion and Reason based questions. Two statements are given, one labelled as Assertion (A) and the other is labelled as Reason (R). Select the correct answer to these questions from the codes (A), (B), (C) and (D) as given below.

- (A) Both Assertion (A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of the Assertion (A).
- (B) Both Assertion (A) and Reason (R) are true, but Reason (R) is not the correct explanation of the Assertion (A).
- (C) Assertion (A) is true, but Reason (R) is false.
- (D) Assertion (A) is false, but Reason (R) is true.

19. **Assertion (A) :** In a right angle triangle ABC, $\angle B = 90^\circ$. Therefore the value of $\cos (A + C)$ is equal to 0.

Reason (R) : $A + B + C = 180^\circ$ and $\cos 90^\circ = 0$.

20. **Assertion (A) :** When a hemisphere of same radius (r) is carved out from one side of a solid wooden cylinder, the total surface area of remaining solid is increased by $2\pi r^2$.

Reason (R) : Curved surface area of hemisphere is $2\pi r^2$.

Section – B

(Very Short Answer Type Questions)

$5 \times 2 = 10$

Q. Nos. **21** to **25** are Very Short Answer type questions of **2** marks each.

- 21. Establish a relation between x and y such that point (x, y) is equidistant from points $(-2, 5)$ and $(3, 9)$.
- 22. Using distance formula, prove that the points $(1, 5)$, $(2, 3)$ and $(3, 1)$ are collinear.
- 23. Prove that, for a natural number n , 6^n can not end with the digit 0. Which prime number must be multiplied with 6^n so that the resultant ends with the digit zero ?



• • •

24. (a) Evaluate : $2 \tan^2 45^\circ + \cos^2 30^\circ - \sin^2 90^\circ$.

OR

- (b) Verify that $\cos 2A = \frac{1 - \tan^2 A}{1 + \tan^2 A}$ for $A = 30^\circ$.

25. (a) A bag contains 40 marbles out of which some are white and others are black. If the probability of drawing a black marble is $\frac{3}{5}$, then find the number of white marbles.

OR

- (b) In a pre-primary class, a teacher put cards numbered 20 to 59 in a bowl. A student picked up a card at random and read the number. Find the probability that the number read was (i) a prime number (ii) a perfect square.

Section – C

(Short Answer Type Questions)

$6 \times 3 = 18$

Q. Nos. **26** to **31** are Short Answer type questions of **3** marks each.

26. Find the smallest number which when increased by 20, is exactly divisible by 72, 90 and 150.
27. (a) A spherical glass vessel has a cylindrical neck 7 cm long and 8 cm in diameter. The radius of spherical part is 10 cm. Find the volume of the vessel.

OR

- (b) From each end of a solid cylinder of height 20 cm and base radius 7 cm, a cone of base radius 2.1 cm and height 5 cm is scooped out. Find the volume of the remaining solid.
28. Point E lies on the extended side AD of parallelogram ABCD. BE intersects CD at F. Show that (i) $\triangle DFE \sim \triangle CFB$ (ii) $\triangle AEB \sim \triangle CBF$.

29. Prove that : $\frac{\cos \theta}{1 - \tan \theta} + \frac{\sin \theta}{1 - \cot \theta} = \cos \theta + \sin \theta$.



• • •

30. (a) यदि α, β बहुपद $3x^2 - 8x + 4$ के शून्यक हैं, तो चर x में ऐसा द्विघात बहुपद बनाइये जिसके शून्यक $\frac{1}{\alpha}$ तथा $\frac{1}{\beta}$ हैं।

अथवा

- (b) बहुपद $6x^2 - 7x - 3$ के शून्यक ज्ञात कीजिये तथा शून्यकों एवं गुणांकों के बीच के संबंध की सत्यता की जाँच कीजिये।

31. एक आयताकार खेत 16 m लंबा और 10 m चौड़ा है। इसके चारों ओर एकसमान चौड़ाई का रास्ता बना है जिसका क्षेत्रफल 120 sq.m. है। रास्ते की चौड़ाई ज्ञात कीजिए।

खण्ड – घ

(दीर्घ-उत्तरीय प्रश्न)

$4 \times 5 = 20$

प्रश्न संख्या 32 से 35 तक दीर्घ-उत्तरीय प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 5 अंक हैं।

32. भूमि के एक बिन्दु से, एक पेड़ के शिखर का उन्नयन कोण 60° है। 28 m, उसी रेखा पर, पीछे जाने पर, अन्य बिन्दु से वह उन्नयन कोण 30° हो जाता है। पेड़ की ऊँचाई तथा पहले बिंदु से पेड़ की दूरी ज्ञात कीजिये। ($\sqrt{3} = 1.73$ लीजिये।)

33. (a) निम्न आँकड़ों का 'माध्य' तथा 'बहुलक' ज्ञात कीजिये :

वर्ग	10-25	25-40	40-55	55-70	70-85	85-100
छात्रों की संख्या	12	10	15	13	8	12

अथवा

- (b) निम्नलिखित सारणी किसी अस्पताल में एक विशेष वर्ष में भर्ती हुए रोगियों की आयु को दर्शाती है :

आयु (वर्षों में)	5-15	15-25	25-35	35-45	45-55	55-65
रोगियों की संख्या	7	10	21	22	15	5

उपरोक्त आँकड़ों के 'बहुलक' तथा 'माध्यक' ज्ञात कीजिये।



• • •

30. (a) If α, β are zeroes of the polynomial $3x^2 - 8x + 4$, then form a quadratic polynomial in x whose zeroes are $\frac{1}{\alpha}$ and $\frac{1}{\beta}$.

OR

- (b) Find zeroes of the polynomial $6x^2 - 7x - 3$ and verify the relationship between zeroes and its coefficients.
31. A rectangular field is 16 m long and 10 m wide. There is a path of equal width all around it, having an area of 120 sq.m. Find the width of the path.

Section – D

(Long Answer Type Questions)

4 × 5 = 20

Q. Nos. 32 to 35 are Long Answer type questions of 5 marks each.

32. From a point on the ground, the angle of elevation of the top of a tree observed by a person is 60° . When moved back by 28 m, in the same line, the angle of elevation from another point on ground becomes 30° . Find the height of the tree and its distance from the initial point. (Use $\sqrt{3} = 1.73$)

33. (a) Find 'mean' and 'mode' of the following data :

Class	10-25	25-40	40-55	55-70	70-85	85-100
Number of Students	12	10	15	13	8	12

OR

- (b) The following table shows the ages of patients admitted in a hospital during a year :

Age (in years)	5-15	15-25	25-35	35-45	45-55	55-65
Number of Patients	7	10	21	22	15	5

Find 'mode' and 'median' of the above data.



• • •

34. The sum of a 2-digit number and the number obtained by reversing the order of its digits, is 121. The two digits differ by 3.
- Represent the above information in the form of pair of linear equations.
 - Show that the equations have unique solution.
 - Solve the equations and find the number.
35. (a) If a line is drawn parallel to one side of a triangle to intersect the other two sides in distinct points, then prove that the other two sides are divided in the same ratio.

OR

- (b) It is given that sides AB and AC and median AD of $\triangle ABC$ are respectively proportional to sides PQ and PR and median PM of another $\triangle PQR$. Show that $\triangle ABC \sim \triangle PQR$.

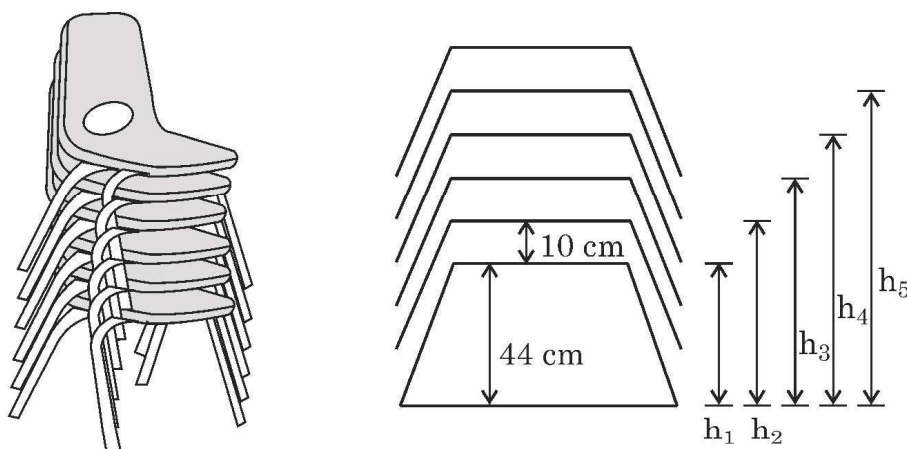
Section – E

(Case-study based Questions)

$3 \times 4 = 12$

Q. Nos. 36 to 38 are Case-study based Questions of 4 marks each.

36. A tent house owner provides furniture on rent. He stacks chairs in his shop to save space.



• • •

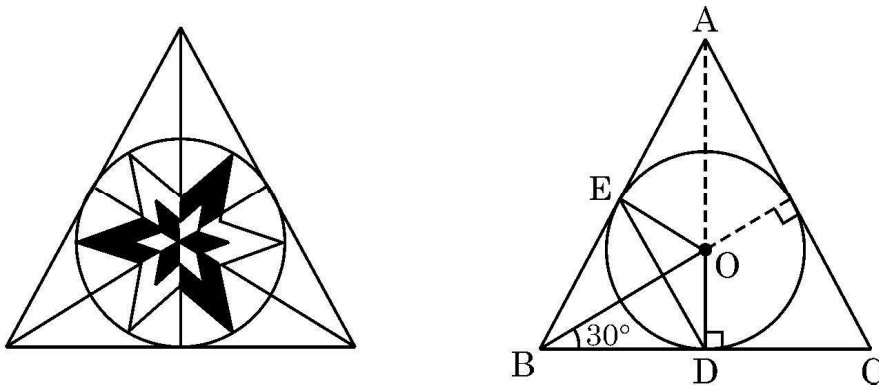
In the diagram, the height of seat of chair from ground is represented by $h_1, h_2, h_3, \dots$. The height of first seat is 44 cm from ground level and gap between every two seats is 10 cm.

- (i) Write the values of h_1, h_2, h_3, h_4 and h_5 in this order only. 1
- (ii) Show that the above values form an A.P. Write its first term and common difference. 1
- (iii) (a) If chairs can be stacked up to the maximum height of 160 cm, then find the maximum number of chairs in a stack. 2

OR

- (iii) (b) Is it possible to stack 15 chairs if maximum height of the stack can not be more than 180 cm ? Justify your answer.

37.



In a Fine Arts class, students were asked to design triangular tiles in geometric pattern.

Neelima made a circular design inside an equilateral triangle ABC. The radius of the circle is 4 cm. Observe the diagram and answer the following questions :

- (i) Determine the length OB. 1
- (ii) Is $DE \parallel CA$? Give reason for your answer. 1
- (iii) (a) Write all angles of quadrilateral OEBC and show that it is a cyclic quadrilateral. 2

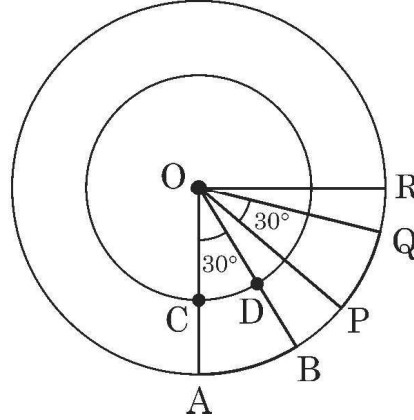
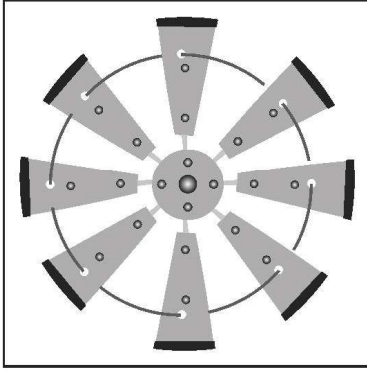
OR

- (iii) (b) Find the perimeter of $\triangle ABC$. (Use $\sqrt{3} = 1.73$)



• • •

38.



एक किसान ने अपने खेत में सजावट के लिये एक पवनचक्की (windmill) लगायी। इसके समान चौड़ाई के आठ ब्लेड हैं जो कि एक वृत्त में समान रूप से व्यवस्थित हैं। एक वृत्ताकार तार इन सबको बाँधे रखता है।

दिया गया आरेख दो ब्लेड OAB तथा OPQ को एक चौथाई वृत्त में दर्शाता है। दोनों वृत्त बिंदु O पर संकेन्द्रित हैं। $\angle AOB = \angle POQ = 30^\circ$, $OA = 28 \text{ cm}$ तथा $OC = 21 \text{ cm}$ है।

(i) $\angle BOP$ का मान ज्ञात कीजिए।

1

(ii) चाप CD की लम्बाई ज्ञात कीजिए।

1

(iii) (a) क्षेत्र CABD का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

2

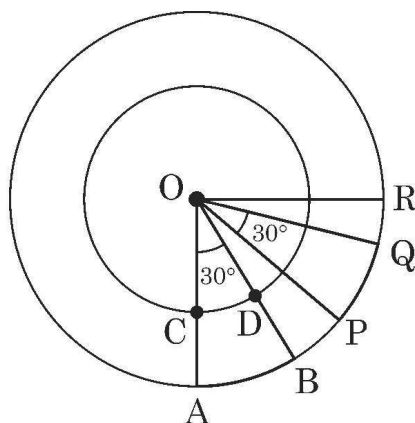
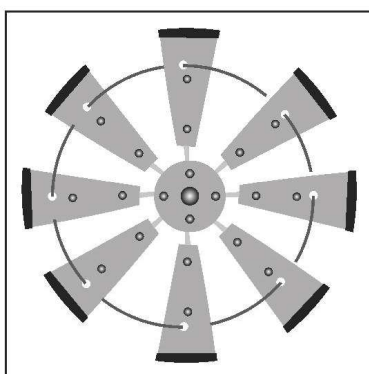
अथवा

(iii) (b) क्षेत्र CABD का परिमाप ज्ञात कीजिए।



• • •

38.



A farmer has put up a decorative windmill in his farm in which there are eight blades of equal width and equally placed in a circular arrangement. A circular wire goes through them.

The diagram shows two blades OAB and OPQ in a quarter circle with centre O. $\angle AOB = \angle POQ = 30^\circ$, $OA = 28$ cm, $OC = 21$ cm.

O is the centre of both the circles.

- | | |
|---|---|
| (i) Determine the measure of $\angle BOP$. | 1 |
| (ii) Find length of arc CD. | 1 |
| (iii) (a) Find the area of region CABD. | 2 |

OR

- | | |
|--|--|
| (iii) (b) Find perimeter of region CABD. | |
|--|--|



• • •

